

Apunte N° 116

**E – ALGEBRA (27)**

**Primer Parcial**

**TEMA 1**

**2do.cuat. 01**

**APELLIDO:..**

**NOMBRES:..**

**.D.N.I.:..**

INSCRIPTO EN : Sede..  
Horario ..

Días.  
..Aula

**CORRECTOR**

*En cada ejercicio escriba todos los razonamientos que justifican la respuesta.*

1. Sea la recta  $\mathbb{L} : \lambda(1, 2, 1) + (1, -1, 0)$ .

Sean:  $\Pi_1$  el plano que contiene al eje  $y$  y al eje  $z$ ;

$\Pi_2$  el plano que contiene al eje  $x$  y al eje  $z$ .

Hallar todos los puntos  $B \in \mathbb{L}$  tales que  $d(B, \Pi_1) = d(B, \Pi_2)$ .

2. Dada  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 3 & 3 & -3 \\ -1 & 1 & -1 & -5 \end{pmatrix}$ ,

sea  $T = \{ \mathbf{b} \in \mathbb{R}^{3 \times 1} / \text{el sistema de matriz ampliada } (A : \mathbf{b}) \text{ es compatible} \}$ .

Hallar  $\mathbf{b}_1$  y  $\mathbf{b}_2 \in T$ , no nulos, tales que  $\mathbf{b}_1 \perp \mathbf{b}_2$ .

3. Sean  $\mathbb{T} = \{ A \in \mathbb{R}^{3 \times 3} / a_{11} + a_{22} + a_{33} = 0 \}$ ,  $\mathbb{S} \subset \mathbb{R}^{3 \times 3}$ ,  $\mathbb{S} = \langle I \rangle$  donde  $I$  es la matriz identidad.

Calcular  $\dim(\mathbb{S} + \mathbb{T})$ .

Si  $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ -1 & 2 & 2 \\ -1 & -1 & 3 \end{pmatrix}$ , hallar  $S \in \mathbb{S}$  y  $T \in \mathbb{T}$  tales que  $B = S + T$ .

4. Sea  $B = \{ \mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3, \mathbf{v}_4 \}$  base de un espacio vectorial  $\mathbb{V}$ .

Sean  $\mathbb{S} = \langle \mathbf{v}_1 + \mathbf{v}_2 - 2\mathbf{v}_3 + 2\mathbf{v}_4, \mathbf{v}_2 - \mathbf{v}_3 + \mathbf{v}_4 \rangle$  y  $\mathbb{T} = \langle \mathbf{v}_1 + \mathbf{v}_2 + 2\mathbf{v}_3, \mathbf{v}_1 + \mathbf{v}_3 \rangle$ .

Hallar un subespacio  $\mathbb{W} \subset \mathbb{V}$  tal que  $\mathbb{W} \oplus (\mathbb{S} \cap \mathbb{T}) = \mathbb{V}$ .