

Apunte N° 119

**C → ALGEBRA (27)**

**Primer Parcial**

**TEMA 2**

**2do.cuat. 01**

**APELLIDO:**

**.NOMBRES:**

**.D.N.I.:**

<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>NOTA</b>	<b>INSCRIPTO EN :</b> Sede.	<b>Días.</b>
					Horario.	..Aula

**CORRECTOR**

*En cada ejercicio escriba todos los razonamientos que justifican la respuesta.*

1. Sean en  $\mathbb{R}^3$  el plano  $\Pi : 2x_1 + x_2 - 2x_3 = 6$ ,  $P=(1,2,1)$  y  $Q=(2,2,0)$ .

Determinar un plano  $\Pi'$  que contenga a P, a Q, y al punto R de  $\Pi$  tal que  $d(P,R)=d(P, \Pi)$ .

2. Sean los sistemas:

$$S \begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 + 3x_4 = 4 \\ x_1 + x_3 - x_4 = -1 \\ 3x_1 - x_2 + x_3 + x_4 = 2 \end{cases} \quad \text{y} \quad S' \begin{cases} x_1 - x_3 + 2x_4 = 6 \\ x_2 = 6 \end{cases}$$

Hallar  $\mathbf{v} \in \mathbb{R}^4$  tal que  $\mathbf{v}$  sea solución de S, y  $\mathbf{v}+(4,3,2,1)$  sea solución de S'.

3. Sea  $\mathbb{S} = \langle (1,0,1,3); (0,a,-1,1); (1,2,0,b); (0,2,-1,b-3) \rangle$ .

Hallar todos los valores de a y b tales que  $\mathbb{S}^\perp = \langle (-2,1,2,0) \rangle$ .

4. Sean  $\mathbb{S} = \langle (1,-1,1,0); (0,1,2,2) \rangle$ ,  $\mathbb{H} = \{ \mathbf{x} \in \mathbb{R}^4 / x_1 - x_3 + x_4 = 0 \}$  y la base

$B = \{ (1,0,-1,0); (1,1,0,0); (0,0,-1,-1); (0,1,0,0) \}$ .

Hallar un subespacio  $\mathbb{T}$  de  $\mathbb{R}^4$  tal que  $\mathbb{T} \oplus \mathbb{S} = \mathbb{H}$ , y para todo  $\mathbf{v} \in \mathbb{T}$ , las coordenadas de  $\mathbf{v}$  en la base B son de la forma  $(a,b,b,a)$ .