

Apunte N° 163

- 1) Sean:
- $$m : A \subseteq \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R} / m(x, y) = 2xy + y^2$$
- $$p : B \subseteq \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2 / p(u, v) = \left(\frac{u}{v}; 2uv - 1 \right)$$
- 2) Obtener, usando la regla de la cadena $\nabla g(u, v)$ siendo $g(u, v) = (m \circ p)(u, v)$
- b) ¿Es posible obtener $p \circ m$? Justificar
- 3) Calcular la derivada direccional (por fórmula de cálculo) de $f(x, y) = \sqrt{\frac{x^2 + y^2 - 8}{5}} + 2y$ en el pto $(2, -3)$ según $\vec{n} = 4 \cdot (-1; 3) - 2 \cdot (-2; 5)$
- 4) Calcular el valor y la dirección de la derivada direccional máxima y mínima del campo escalar anterior en el mismo pto.
- 5) Obtener mediante un polinomio de Taylor de orden dos un valor aproximado de $f(x, y) = \frac{1}{x^2 - y}$ en $(-0, 8; -1, 2)$
- 6) Analizar los extremos relativos de:
- a) $f(x, y) = x^2y - 3xy + y^2 + 2$
- b) $f(x, y) = 3x^2 + 4y^2 + 2x^2y$
- 7) Hallar los extremos condicionados de $f(x, y) = -2x^2 - 2y^2$ si $2y - 3x = 1$
- 8) Hallar la solución de:
- a) $x^{-1} y' = \frac{-\cos(x^2 + 2)}{y^4}$
- b) $y' - y = \frac{1}{x} y$
- c) $y' \ln y - y \cdot \cos x = 0$ que verifica $y(0) = e$
- d) $x e^{-x} \cdot y = y'$ que verifica $y(0) = 1$