

MATERIA: _____ CARRERA: _____

Repaso (2° PARCIAL)

1) Dadas $f(x,y) = (xy+2; 3^z)$, $g(u,v) = \sqrt{\frac{u}{v}}$, se pide:

- a) obtener $h = g \circ f$ b) hallar $h'_x(1,2)$, $h'_y(1,2)$
 utilizando regla de la cadena.

2) Dada la ecuación y el punto, realizar en cada caso si se verifican las condiciones de existencia de función implícita y, en tal caso, hallar sus derivadas en el correspondiente punto.

- a) $z^2x + 2 = 4xy + z^2$, $P_0 = (0,1,2)$, $z = z(x,y)$
 b) $z^2 - 3y^2z = 4 - 2x^2 - e^{-z^x}$, $P_0 = (1,0,1)$, $x = x(y,z)$

3) Obtener el polinomio de Taylor de 2° orden:

- a) $f(x,y) = \frac{x}{x-y}$, $P_0 = (1,0)$ b) $f(x,y) = z^3 \ln x$
 en potencias de $x-1$ e $y+2$

4) Hallar y clasificar los puntos críticos de:

- a) $f(x,y) = xy^2 - 2xy + x^2 - 1$
 b) $f(x,y) = x^2y^2 - x + y + e^5$

5) Hallar la solución general de

- a) $\frac{1}{x} x^{-1} y' = -\frac{\cos(x^2+2)}{y^4}$
 b) $\frac{y'}{x} = \frac{(x^2+4)^{1/2}}{y}$
 c) $y' - \frac{y}{x} = \sqrt[3]{x} - 4x$
 d) $y' + xy = 3x - xy$

6) Calcular a) $d^2f(2,-1; \delta x, \delta y)$ b) $d^2f(2,-1; 0,01; -0,1)$
 si $f(x,y) = \sqrt[5]{x+y} \cdot \sin(1+y)$

7) Obtener velo y dirección de derivada direccional máxima, mínima y nula de: a) $f(x,y) = -\frac{x}{y^2} + y^x$
 en $P_0 = (0,1)$; b) $f(x,y) = 6x - 5xy^2$, $P_0 = (1,-1)$

a) Adecuare correlativas;
 b) Adecuare materia/s del colegio secundario;
 c) Adecuare cuota/s de aranceles.