

Apunte Nro 0610

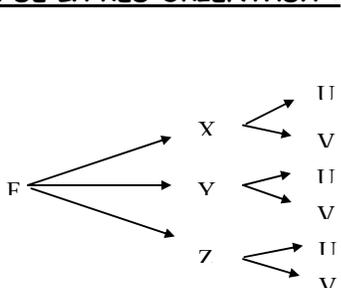
REGLA DE LA CADENA:

$$H_{(t)} = F \circ G_{(t)} \Rightarrow H'(t) = \nabla F \cdot G'_{(t)}$$

$$H_{(s,t)} = F \circ G_{(s,t)} \Rightarrow H'_s = \nabla F \cdot G'_s$$

$$\Rightarrow H'_t = \nabla F \cdot G'_t$$

"REGLA DE LA RED ORIENTADA":



$$\frac{\partial F}{\partial u} = \frac{\partial F}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial u} + \frac{\partial F}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial u} + \frac{\partial F}{\partial z} \cdot \frac{\partial z}{\partial u}$$



$$\frac{\partial F}{\partial v} = \frac{\partial F}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial v} + \frac{\partial F}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial v} + \frac{\partial F}{\partial z} \cdot \frac{\partial z}{\partial v}$$

FUNCIONES IMPLÍCITAS (MARCHA DE CÁLCULO):

I) VERIFICAR LAS CONDICIONES DEL TEOREMA DE CAUCHY DINI:

- a) $F(P_0) = 0$
- b) $F'_x ; F'_y ; F'_z$ SEAN CONTINUAS EN P_0 . (GENERALMENTE NO LO PIDEN)
- c) $F'_z(P_0) \neq 0$ (ESTO SI "z" ES LA IMPLÍCITA).

II) SI SE CUMPLEN LAS CONDICIONES DE LA PARTE "I" SE PUEDEN CALCULAR LAS DERIVADAS PARCIALES

	Si X es la función implícita		Si Y es la función implícita		Si Z es la función implícita	
Derivadas parciales	X'_y	X'_z	Y'_x	Y'_z	Z'_x	Z'_y
	$-\frac{F'_y}{F'_x}$	$-\frac{F'_z}{F'_x}$	$-\frac{F'_x}{F'_y}$	$-\frac{F'_z}{F'_y}$	$-\frac{F'_x}{F'_z}$	$-\frac{F'_y}{F'_z}$
Condición de existencia	$F'_x \neq 0$		$F'_y \neq 0$		$F'_z \neq 0$	